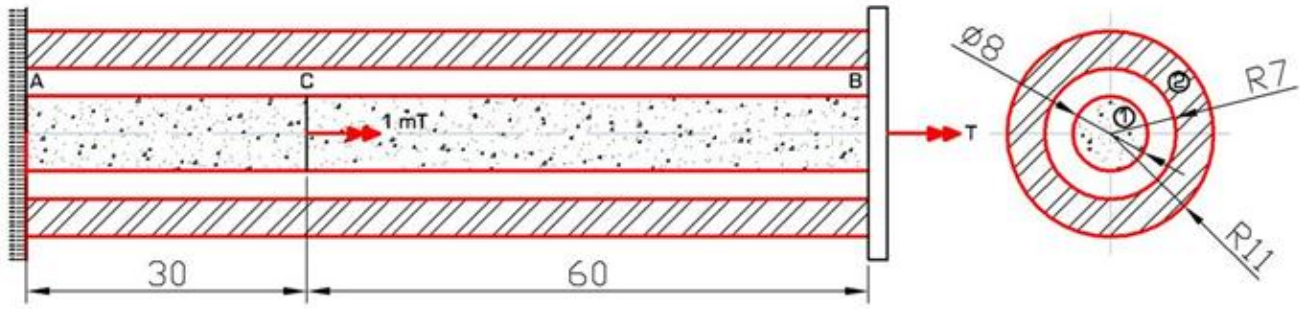
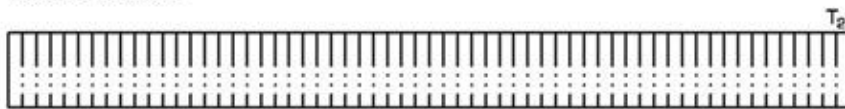


De la figura se sabe que el material 1, interior tiene un $G_1 = 7,50 \cdot 10^5 \frac{kg}{cm^2}$ y $\tau_1 = 1.300 \frac{kg}{cm^2}$ y el material 2 o exterior tiene $G_2 = 5,00 \cdot 10^5 \frac{kg}{cm^2}$ y $\tau_2 = 500 \frac{kg}{cm^2}$, se pide:

1. Máximo valor del momento torsor aplicado en la tapa que une ambos materiales.
2. El ángulo girado entre las secciones A y B.
3. Las tensiones de trabajo máximas de cada material.



Torsores Material 2



Torsores Material 1



1. Máximo valor del momento torsor aplicado en la tapa que une ambos materiales.

Lo primero que tenemos que hacer, es dibujar el diagrama de esfuerzos torsores que afecta a cada material y además sabemos que el momento torsor T aplicado en la tapa que une ambos materiales, es igual a la suma de los torsores de cada material que se oponen tras la tapa, es decir nuestra primera ecuación es:

$$T = T_1 + T_2$$

Y que el ángulo girado entre las secciones A y B de ambos materiales ha de ser igual, puesto que ambos están unidos por la tapa que hace que giren a la vez, por lo que nuestra ecuación de compatibilidad de deformaciones es:

$$\theta_A^B(1) = \theta_A^B(2) \rightarrow \theta_A^C(1) + \theta_C^B(1) = \theta_A^B(2)$$

$$\frac{(T_1 + 1) \cdot 10^5 \cdot 30}{7,50 \cdot 10^5 \cdot \frac{\pi \cdot 4^4}{2}} + \frac{T_1 \cdot 10^5 \cdot 60}{7,50 \cdot 10^5 \cdot \frac{\pi \cdot 4^4}{2}} = \frac{T_2 \cdot 10^5 \cdot 90}{5,00 \cdot 10^5 \cdot \left(\frac{\pi \cdot 11^4}{2} - \frac{\pi \cdot 7^4}{2} \right)}$$

$$\rightarrow \frac{0,09375 \cdot T_1 - 0,03125}{\pi} = \frac{T_2}{340 \cdot \pi} \rightarrow T_2 = 31,875 \cdot T_1 + 10,625$$

A continuación hacemos trabajar a los materiales al máximo para ver el máximo momento torsor que soportarían cada uno de ellos.

$$\tau_1 = \frac{T_1^{Max} \cdot 4}{\frac{\pi \cdot 4^4}{2}} = 1.300 \frac{kg}{cm^2} \rightarrow T_1^{Max} = 41.600 \pi Kgc m \rightarrow$$

$$T_2 = 31,875 \cdot T_1 + 10,625 = 4.165.762,48 Kgc m$$

Entonces comprobamos que la tensión tangencial que produce este momento torsor es igual a $2.383,33 \frac{kg}{cm^2} > \tau_2 = 500 \frac{kg}{cm^2}$ por lo que no es posible ya que el material dos se rompería, realizamos la misma operación con el material dos.

$$\tau_2 = \frac{T_2^{Max} \cdot 11}{\left(\frac{\pi \cdot 11^4}{2} - \frac{\pi \cdot 7^4}{2}\right)} = 500 \frac{kg}{cm^2} \rightarrow T_2^{Max} = 873.933,9564 Kgc m \rightarrow$$

$$T_1 = \frac{T_2^{Max} - 10,625}{31,875} = 27.417,21 Kgc m = 0,2742 mT \rightarrow T_1^{Max} = 0,2742 + 1 mT = 1,2742 mT$$

Verificamos que la tensión que produce el momento anterior en el material 1, es menor a la admisible, entonces:

$$\tau_1 = \frac{T_1^{Max} \cdot 4}{\frac{\pi \cdot 4^4}{2}} = \frac{1,2742 \cdot 10^5 \cdot 4}{\frac{\pi \cdot 4^4}{2}} = 1.267,44 \frac{kg}{cm^2} < 1.300 \frac{kg}{cm^2}$$

Por lo que el momento máximo T, aplicado en la tapa ha de ser igual a:

$$T = T_1 + T_2 \rightarrow T = 27.417,21 + 873.933,97 = 901.352,18 Kgc m = \mathbf{9,013 mT}$$

Donde el material dos, se encuentra trabajando al máximo de sus posibilidades y el uno casi al límite, en la sección C.

2. El ángulo girado entre las secciones A y B.

$$\theta_A^B(2) = \frac{T_2 \cdot 10^5 \cdot 90}{5,00 \cdot 10^5 \cdot \left(\frac{\pi \cdot 11^4}{2} - \frac{\pi \cdot 7^4}{2}\right)} = \frac{873.933,9564 \cdot 90}{5,00 \cdot 10^5 \cdot \left(\frac{\pi \cdot 11^4}{2} - \frac{\pi \cdot 7^4}{2}\right)} = \mathbf{8,18 mRad.}$$

3. Las tensiones de trabajo máximas de cada material.

La tensión máxima de trabajo del material 1, es en la sección C e igual a $\mathbf{1.267,44 \frac{kg}{cm^2}}$ y la del material dos es igual a su tensión admisible $\mathbf{500 \frac{kg}{cm^2}}$